#### Parametri relativi alle antenne trasmittenti

$$\vec{E} = \sqrt{\frac{\eta P_{in}}{2 \pi}} \frac{e^{-jkr}}{r} \sqrt{g(\vartheta,\varphi)} \vec{p}(\vartheta,\varphi) e^{-j(\psi(\vartheta,\varphi)+\pi/2)}$$
$$\vec{H} = \sqrt{\frac{P_{in}}{2 \pi \eta}} \frac{e^{-jkr}}{r} \sqrt{g(\vartheta,\varphi)} \vec{u}_r \times \vec{p}(\vartheta,\varphi) e^{-j(\psi(\vartheta,\varphi)+\pi/2)}$$

 $P_{in}$ 

$$Z_{\text{in}} = \underbrace{R_{\Omega} + R_{\text{rad}}}_{R_{\text{in}}} + j X_{\text{in}}$$
$$Y_{\text{in}} = \underbrace{G_{\Omega} + G_{\text{rad}}}_{G_{\text{in}}} + j B_{\text{in}}$$

 $P_{irr} = P_{in} \xi$ 

$$\xi = \frac{R_{\rm rad}}{R_{\rm in}} = \frac{G_{\rm rad}}{G_{\rm in}}$$
$$g(\vartheta, \varphi) = \frac{4\pi K(\vartheta, \varphi)}{P_{in}}$$
$$D(\vartheta, \varphi) = \frac{4\pi K(\vartheta, \varphi)}{P_{irr}}$$

$$\vec{p}(\vartheta,\varphi) = \frac{N - \vec{u}_r(\vec{u}_r \cdot N)}{\sqrt{|\vec{N}|^2 - |\vec{u}_r \cdot \vec{N}|^2}} e^{j\psi}$$
$$\psi(\vartheta,\varphi)$$

potenza in ingresso

impedenza d'ingresso

ammettenza d'ingresso

potenza irraggiata

efficienza di radiazione

guadagno

#### direttività

polarizzazione del campo elettrico irraggiato termine di fase

centro di fase

## **Dipolo Hertziano**

 $\vec{H}$ 

$$\vec{N} = \vec{u}_z I_o L$$
$$\vec{E} = j \eta I_o L \frac{e^{-jkr}}{2\lambda r} \sin \vartheta$$

$$= j \eta I_{o} L \frac{e^{-jkr}}{2\lambda r} \sin \vartheta \vec{u}_{\vartheta}$$
$$= j I_{o} L \frac{e^{-jkr}}{2\lambda r} \sin \vartheta \vec{u}_{\varphi}$$

$$K = \frac{\eta}{8} |I_{\rm o}|^2 \left(\frac{L}{\lambda}\right)^2 \sin^2 \vartheta$$

$$K_{\max} = K(\frac{\pi}{2}, \varphi) = \frac{\eta}{8} |I_{o}|^{2} \left(\frac{L}{\lambda}\right)^{2}$$

$$P_{\rm irr} = \frac{\eta \pi}{3} |I_{\rm o}|^2 \left(\frac{L}{\lambda}\right)^2$$
$$D = \frac{3}{2} \sin^2 \vartheta$$
$$R_{\rm rad} = \frac{2 \eta \pi}{3} \left(\frac{L}{\lambda}\right)^2$$



## Dipoli corti

$$\vec{N} = \vec{u}_z I_o L_{eq}$$

$$L_{eq} = \int_{-L/2}^{L/2} \frac{I(z)}{I_o} dz$$

$$\vec{E} = j \eta I_o L_{eq} \frac{e^{-jkr}}{2\lambda r} \sin \vartheta \, \vec{u}_\vartheta$$

$$\vec{H} = j I_o L_{eq} \frac{e^{-jkr}}{2\lambda r} \sin \vartheta \, \vec{u}_\varphi$$

$$K = \frac{\eta}{8} |I_o|^2 \left(\frac{L_{eq}}{\lambda}\right)^2 \sin^2 \vartheta$$

$$K_{max} = K(\frac{\pi}{2}, \varphi) = \frac{\eta}{8} |I_o|^2 \left(\frac{L_{eq}}{\lambda}\right)^2$$

$$P_{irr} = \frac{\eta \pi}{3} |I_o|^2 \left(\frac{L_{eq}}{\lambda}\right)^2$$

$$R_{rad} = \frac{2\eta \pi}{3} \left(\frac{L_{eq}}{\lambda}\right)^2$$

## Dipoli di dimensione paragonabile alla lunghezza d'onda

$$I(z) = I_{o} \frac{\sin k(L - |z|)}{\sin(kL)}$$

$$I_{o} \rightarrow := \int 2 I_{z} I_{o} \frac{\cos(kL\cos\vartheta) - \cos(kL)}{k\sin(kL)\sin^{2}\vartheta}$$

$$\vec{E} = j \eta I_{o} \frac{e^{-jkr}}{2\pi r} \frac{\cos(kL\cos\vartheta) - \cos(kL)}{\sin(kL)\sin\vartheta} I_{\vartheta}$$

$$\vec{H} = j I_{o} \frac{e^{-jkr}}{2\pi r} \frac{\cos(kL\cos\vartheta) - \cos(kL)}{\sin(kL)\sin\vartheta} I_{\varphi}$$

$$K = \frac{\eta}{8\pi^{2}} |I_{o}|^{2} \left(\frac{\cos(kL\cos\vartheta) - \cos(kL)}{\sin(kL)\sin\vartheta}\right)^{2}$$

$$K_{\text{max}} = K(\frac{\pi}{2}, \varphi) \qquad (\text{almeno per } L < \lambda/2)$$

$$= \frac{\eta}{8\pi^{2}} |I_{o}|^{2} \left(\frac{1 - \cos(kL)}{\sin(kL)}\right)^{2}$$

$$\begin{split} \int_{0}^{2\pi} & \int_{0}^{\pi} \left( \frac{\cos(kL\,\cos\vartheta) - \cos(kL)}{\sin(kL)\,\sin\vartheta} \right)^{2} \sin\vartheta \,d\vartheta \,d\varphi = 2\,\pi\,\mathrm{Int}(L/\lambda) \\ & 1 \cdot 2 \left[ \frac{\ln(L/\lambda)}{1} \right] \\ & 0 \cdot 8 \\ & 0 \cdot 6 \\ & 0 \cdot 4 \\ & 0 \cdot 2 \\ & 0 \\ &$$

# **Dipolo risonante** $\vec{N} = 2 \vec{u}_z I_o \frac{\cos(\frac{\pi}{2}\cos\vartheta)}{k \sin^2\vartheta}$ $\vec{E} = j \eta I_{\rm o} \frac{e^{-jkr}}{2 \pi r} \frac{\cos(\frac{\pi}{2}\cos\vartheta)}{\sin\vartheta} \vec{u}_{\vartheta}$ $\vec{H} = j I_{\rm o} \, \frac{e^{-jkr}}{2 \,\pi \, r} \, \frac{\cos(\frac{\pi}{2} \cos \vartheta)}{\sin \vartheta} \, \vec{u}_{\varphi}$ $K = \frac{\eta}{8\pi^2} |I_{\rm o}|^2 \frac{\cos^2(\frac{\pi}{2}\cos\vartheta)}{\sin^2\vartheta}$ $K_{\max} = K(\frac{\pi}{2}, \varphi) = \frac{\eta}{8\pi^2} |I_0|^2$ $P_{irr} = \frac{\eta}{4\pi} |I_{\rm o}|^2 1.22$ $D = 1.64 \frac{\cos^2(\frac{\pi}{2}\cos\vartheta)}{\sin^2\vartheta}$ $R_{rad} = 73.1 \Omega$

# *n* spire di area *S* di piccole dimensioni $\sqrt{S} \ll \lambda$ $\stackrel{I_o}{\longrightarrow} \stackrel{\bullet}{\longleftarrow} n$

$$S = \pi a^{2} \text{ per la spira circolare}$$

$$\vec{N} = j k S n I_{0} \sin \vartheta \, \vec{u}_{\varphi}$$

$$\vec{E} = \frac{\eta}{4\pi} I_{0} n k^{2} S \frac{e^{-jkr}}{r} \sin \vartheta \, \vec{u}_{\varphi}$$

$$\vec{H} = -\frac{1}{4\pi} I_{0} n k^{2} S \frac{e^{-jkr}}{r} \sin \vartheta \, \vec{u}_{\vartheta}$$

$$K = \frac{\eta}{32\pi^{2}} |I_{0}|^{2} (n k^{2} S)^{2} \sin^{2} \vartheta$$

$$K_{\text{max}} = K(\frac{\pi}{2}, \varphi) = \frac{\eta}{32\pi^{2}} |I_{0}|^{2} (n k^{2} S)^{2}$$

$$P_{\text{irr}} = \frac{\eta}{12\pi} |I_{0}|^{2} (n k^{2} S)^{2}$$

$$D = \frac{3}{2} \sin^{2} \vartheta$$

$$R_{\text{rad}} = \frac{\eta}{6\pi} (n k^{2} S)^{2}$$









Diagrammi di radiazione di dipoli cilindrici di lunghezza 2L e diametro *D*, per diversi rapporti  $L / \lambda$  e L / D



Resistenza d'ingresso di dipoli cilindrici di lunghezza A = 2L, al variare della lunghezza elettrica (espressa come  $360^{\circ} L / \lambda$ ) e per diversi rapporti (A/D)

Reattanza d'ingresso di di dipoli cilindrici variare della lunghezza elettrica e per diversi rapporti lunghezza/diametro







## dipolo ripiegato



#### antenne a fessura





Slot in a ground plane.



Endwall slot.

Coax-fed slot.



Cavity-fed slot.

## Radiazione da guida circolare troncata (modo $TE_{11}$ )



apertura del fascio a –3 dB 14.7  $\lambda$ /a [gradi] sul piano E 18.6  $\lambda$ /a [gradi] sul piano H direttività 10.5  $\pi$  a<sup>2</sup> /  $\lambda$ <sup>2</sup> antenne a tromba

tromba settoriale sul piano E



tromba piramidale

tromba conica

#### tromba sul piano H modo dominante in guida radiale



$$\begin{cases} E_x = A \cos v\varphi H_v(k_o \rho) \\ H_\varphi = -j \frac{A}{\eta} \cos v\varphi \frac{\partial H_v(k_o \rho)}{\partial (k_o \rho)} \\ H_\rho = -j \frac{A}{\eta} v \sin v\varphi \frac{H_v(k_o \rho)}{k_o \rho} \end{cases}$$

 $v = \frac{m\pi}{\varphi_o}$  (m dispari)

$$H_{\nu}(k_{o}\rho) \rightarrow \sqrt{\frac{2}{\pi k_{o}\rho}} e^{-j\left(k_{o}\rho - \pi \frac{2\nu+1}{4}\right)}$$
$$\frac{\partial H_{\nu}(k_{o}\rho)}{\partial(k_{o}\rho)} \rightarrow -j\sqrt{\frac{2}{\pi k_{o}\rho}} e^{-j\left(k_{o}\rho - \pi \frac{2\nu+1}{4}\right)}$$





#### antenna a tromba settoriale piano H



diagrammi di radiazione sul piano H

#### tromba sul piano E modo dominante in guida radiale



$$\begin{cases} E_{\varphi} = B \cos \frac{n\pi y}{a} H_{1}(\gamma \rho) & \gamma = \sqrt{k_{o}^{2} - \left(\frac{n\pi}{a}\right)^{2}} \\ H_{y} = j \frac{B}{\eta} \cos \frac{n\pi y}{a} \frac{\partial H_{1}(\gamma \rho)}{\partial(\gamma \rho)} \\ H_{\rho} = -j B \frac{n\pi}{\eta k_{o}a} \sin \frac{n\pi y}{a} H_{1}(\gamma \rho) \end{cases}$$



antenna a tromba settoriale piano E

diagrammi di radiazione sul piano E



2 4 6 8 10 Diameter of horn aperture in wavelengths

#### antenna a tromba conica



s, t = massima differenza di fase in lunghezze d'onda sul piano E e sul piano H

 $L_e$ ,  $L_h$  = corrispondenti fattori correttivi del guadagno [dB]

$$g = 10 \left( 1.008 + Log \frac{ab}{\lambda^2} \right) - (L_e + L_h) \qquad [dB]$$

#### antenna a tromba piramidale ottimizzata

la tromba ottimizzata è quella che ha il massimo guadagno a parità di lunghezza. Questa situazione si trova se tra le dimensioni dell'apertura e le lunghezze  $l_e e l_h$  sono rispettate le seguenti relazioni:

$$a = \sqrt{3\lambda \,\ell_h} \qquad b = \sqrt{3\lambda \,\ell_e}$$

in queste condizioni risulta:

$$A_{eff} \approx \frac{A}{2}$$

$$g = 10 \left( 0.808 + Log \frac{ab}{\lambda^2} \right) \qquad [dB]$$

### Antenna patch rettangolare





Circuito equivalente di un radiatore patch rettangolare, alimentato in microstriscia

## diagramma di radiazione di un patch rettangolare



#### Varie forme di antenne stampate con alimentazione in microstriscia o in coassiale





diagrammi di radiazione sul piano H di due dipoli paralleli distanti 0.04  $\lambda$  di cui uno alimentato (d) e uno passivo (p):

- a) i due dipoli sono risonanti
- b) la lunghezza del dipolo passivo è incrementata del 5% (dipolo riflettore)
- c) la lunghezza del dipolo passivo è diminuita del 5% (dipolo direttore)

## antenne Yagi-Uda





guadagni di antenne Yagi-Uda di 5 elementi a singolo canale e a larga banda

#### schemi di alimentazione di schiere





alimentazione gerarchica reattiva (reactive corporated feed)

alimentazione a pari cammino simmetrica e asimmetrica



alimentazione tipo serie con sfasatori nella linea principale o derivata

#### schiera risonante di fenditure



$$g_e = \sum_{n=1}^{N} g_n$$

schiere di fenditure



#### schiera non risonante fenditure (ad onda viaggiante)



schiera risonante di fenditure con alimentazione in stripline schermata per il controllo accurato dei lobi laterali il coefficiente di eccitazione delle fenditure dipende dall'inclinazione locale della stripline rispetto alla direzione dell'allineamento



schiera non risonante di fenditure con alimentazione in guida a serpentina per avere una significativa variazione del puntamento del fascio per piccole variazioni di frequenza



AWACS (Westinghouse Defence & Electronic Systems) antenna radar realizzata con un insieme di schiere lineari risonanti di fenditure.



schiera lineare di schiere lineari risonanti di fenditure. L'alimentazione ad onda progressiva delle schiere di fenditure è realizzata mediante la guida a serpentina laterale per realizzare la scansione del fascio con la variazione della frequenza Deformazione del fascio con la scansione



 $(T_x, T_y)$ : piano dei coseni direttori



## MAR / WSMR (Multifunction Array Radar) istallato a White Sand Missile Range – Bell Telephone Laboratories

N. Amitay, V. Galindo, C. P. Wu: "Theory and Analysis of Phased Array Antennas", John Wiley & Sons, New York, 1972, p. 2



#### Radar mobile di superficie – Hughes Aircraft Company

### antenna a schiera di patch rettangolari in microstriscia (AEG-Telefunken)



schiera piana di 9 schiere lineari di 9 stub radianti



frequenza di lavoro 17.196 GHz, guadagno 20 dB.



Silhouette of corporately fed patch array for linear polarisation with uniform aperture distribution

 $\epsilon_r = 2.32; h = 1.59 \text{ mm}; h/\lambda_0 = 0.06; \text{ frequency} = 12.0 \text{ GHz}; d/\lambda_0 = 0.7$ 



S-band microstrip array with briefcase size for Direct Broadcast Satellite Radio (DBSR) service.



antenna a schiera di radiatori in microstriscia funzionante in banda S con polarizzazione circolare e circuito di formazione del fascio di tipo gerarchico reattivo.



Silhouette of disc array for circular polarisation using sequentially rotated feeding